

前回の復習

| | L | R |
|---------|---|-------------------------------------|
| 単位元 | $x \cdot 1 = x$ | $x + 1 = 1$ |
| ゼロ元 | $x \cdot 0 = 0$ | $x + 0 = x$ |
| べき等律 | $xx = x$ | $x + x = x$ |
| 交換律 | $xy = yx$ | $x + y = y + x$ |
| 結合律 | $(x \cdot y) \cdot z = x \cdot (y \cdot z)$ | $(x + y) + z = x + (y + z)$ |
| 吸収律 | $x(x + y) = x$ | $x + xy = x$ |
| 分配律 | $x(y + z) = xy + xz$ | $x + yz = (x + y)(x + z)$ |
| 相補律 | $x\bar{x} = 0$ | $x + \bar{x} = 1$ |
| 二重否定 | $\bar{\bar{x}} = x$ | |
| ド・モルガン律 | $\overline{xy} = \bar{x} + \bar{y}$ | $\overline{x + y} = \bar{x}\bar{y}$ |

以下の等式を証明しなさい→真理値表を書く or 式変形

$$x + \bar{x}y = x + y$$

別解)

$$x + \bar{x}y = (x + \bar{x})(x + y) = 1 \cdot (x + y) = x + y$$

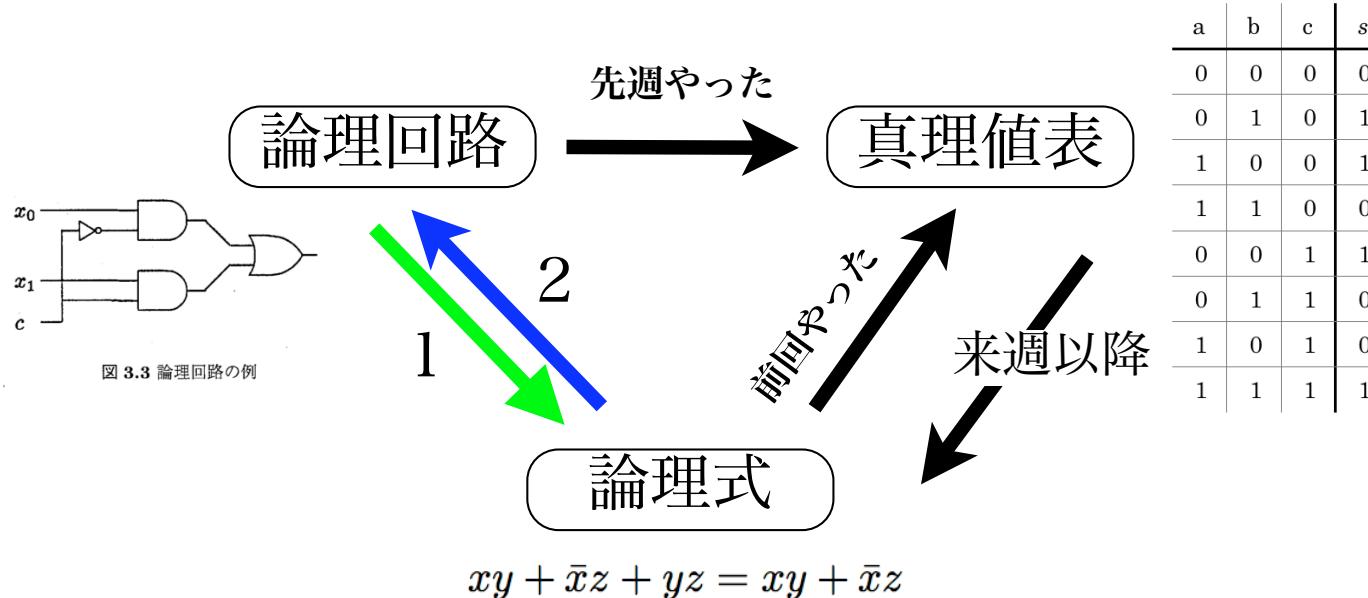
↑分配律による

$$xy + \bar{x}z + yz = xy + \bar{x}z$$

$$x(\bar{x} + y) = x\bar{x} + xy = 0 + xy = xy$$



論理関数表現のトリニティ（三位一体）

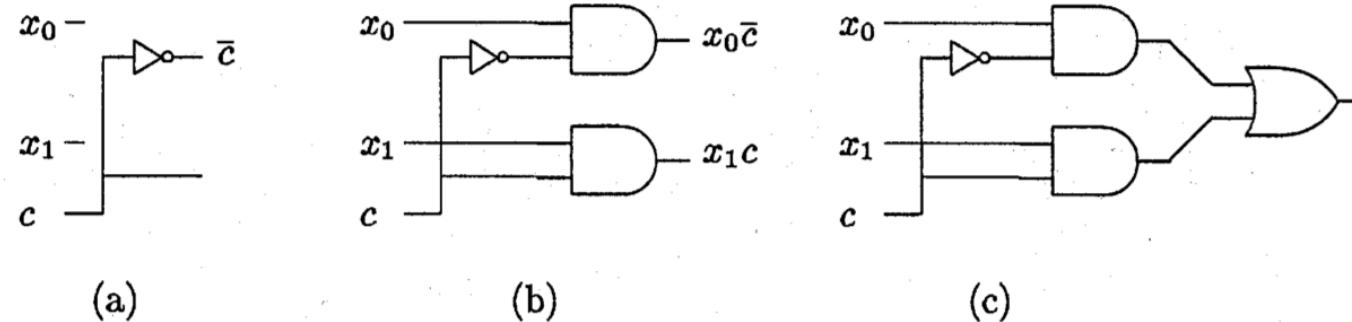


今週やること

- 1: 論理式から論理回路 →
- 2: 論理回路から論理式 ←

論理式から論理回路

- 単純な例： $f(x_0, x_1, c) = x_0\bar{c} + x_1c$



- 書き方 (ボトムアップ)

- 必要な端子を並べる (上の例だと3つ)
- 否定されている変数があれば、分岐線を引いてNOTゲートへの入力とし、出力にラベルを付ける (図a)
- 優先順位に従って部分論理式に対応した素子を用意してつなぎ、ラベルを付ける (図b)
- 次に計算する演算子に着目して (3) のラベルを見ながらつなぐ
- 対象とする演算子が無くなるまで4を繰り返す

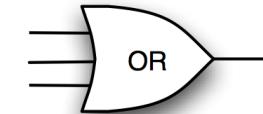
やってみようボトムアップ

$$f(x_0, x_1, c, s) = x_0\bar{c} + x_1c + cs$$



多入力素子を使っても良い

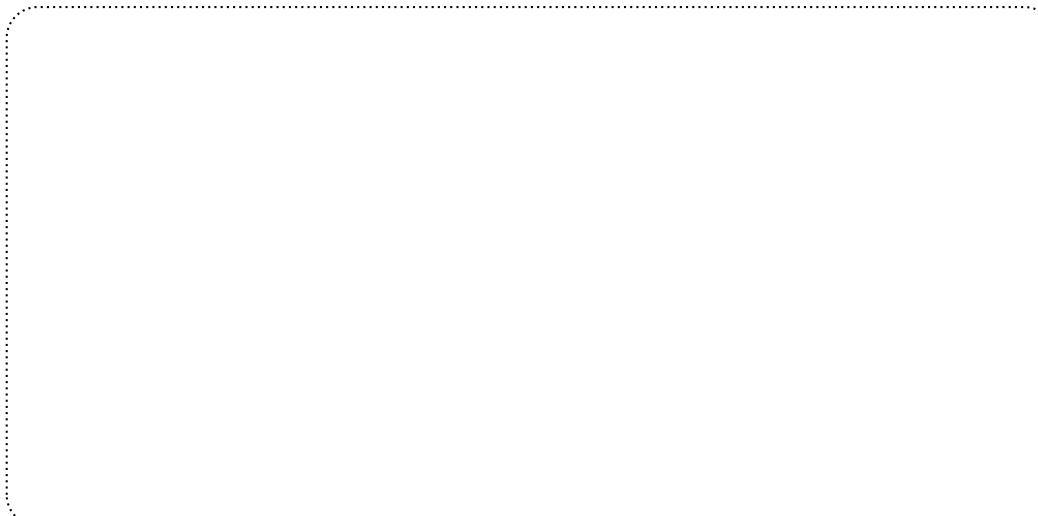
例：3入力OR



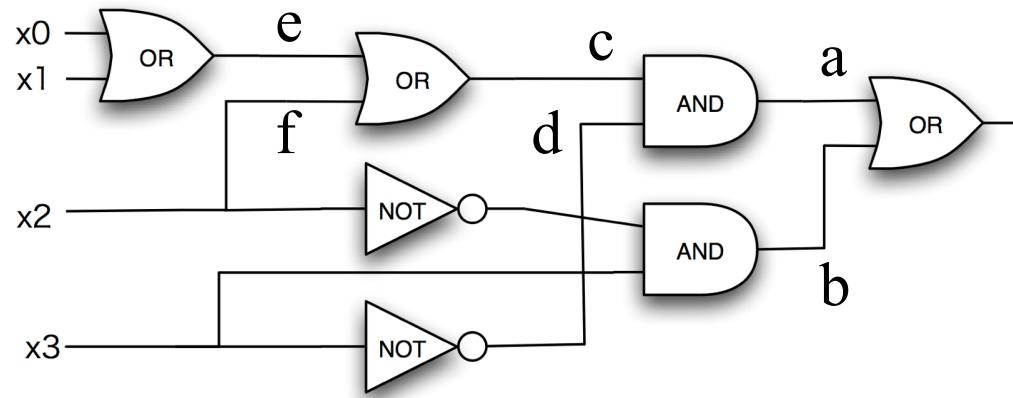
ファンイン制限

入力端子数の制限

$$f(x_0, x_1, x_2, x_3) = (x_0 + x_1 + x_2)\bar{x}_3 + \bar{x}_2x_3$$



逆に図から式を作る



● 書き方（トップダウン）

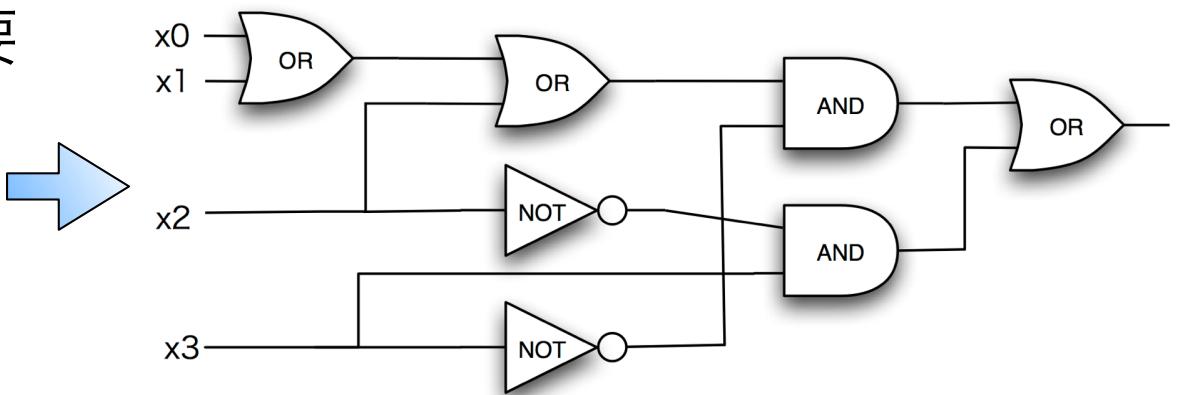
1. 出力側の素子に着目 $a + b$
 2. 入力端子毎に入力素子を1つずつ式に展開する $a = cd$
 3. 2を繰り返して、最初の入力端子にたどり着くまで繰り返して、順に文字を置き換えていく
 1. $c = e+f$
 2. $e = x_0 + x_1, f = x_2 \rightarrow c = x_0 + x_1 + x_2$
- $$f(x_0, x_1, x_2, x_3) = (x_0 + x_1 + x_2)\bar{x}_3 + \bar{x}_2x_3$$

必要な素子の数

- 演算子の数だけ素子が必要

$$(x_0 + x_1 + x_2)\bar{x}_3 + \bar{x}_2x_3$$

7個



NOTを忘れない！

- 式変形をすると

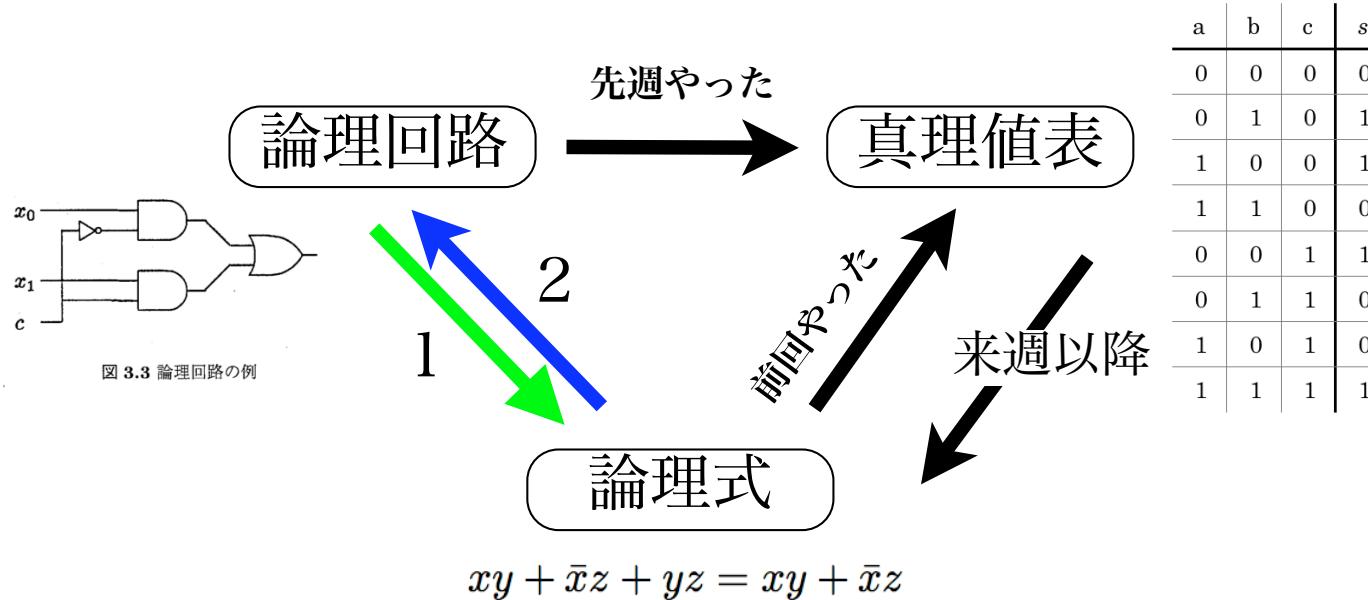
$$(x_0 + x_1 + x_2)\bar{x}_3 + \bar{x}_2x_3 = x_0\bar{x}_3 + x_1\bar{x}_3 + x_2\bar{x}_3 + \bar{x}_2x_3$$

素子はいくつ必要か？

9個

同じ論理関数なのに式によって必要な素子が違う！
少なくするにはどうするか？ → 論理関数の簡単化

論理関数表現のトリニティ（三位一体）



今週やったこと

- 1: 論理式から論理回路 →
- 2: 論理回路から論理式 ←

練習問題

- (1) 論理関数 $f = \bar{x}y + x\bar{y}$ の真理値表を書きなさい
- (2) 論理関数 $f = \bar{x}y + x\bar{y}$ の論理回路図を書きなさい
- (3) 下の 2 つの論理回路を論理式で表現し、論理関数として等しい事を示せ。

